

## C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

### В А Р И А Н Т 1

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^6$ ; б)  $f(x) = x^{14} - 3x^6$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -4x^{12} + x^4$ ; б)  $g(x) = (x+5)(x-4) - x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^8 - x^4 - 7}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{11}$ ; б)  $\frac{19}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^5 - x$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^7 + \frac{1}{x^3}$ ; б)  $g(x) = (x+8)^2 - (x-8)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{11} + x^9}$ .

3. Известно, что  $f(-7) = 13$ . Найдите  $f(7)$ , зная, что:

- а)  $f$  – нечетная функция; б)  $f$  – четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{5}{x^6}$ ; б)  $y = -\frac{4}{x^9}$ ; в)  $y = \frac{6}{x^7 - 3}$ ; г)  $y = \frac{4}{x^8 + 8}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{3x^5}$ ; б)  $y = \frac{6x^5}{x^9}$ ; в)  $y = \frac{x^5 - 7x^4}{4x - 28}$ ; г)  $y = \frac{5x + 15}{x^5 + 3x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(8; 4)$ ,  $B(5; 1)$ ,  $C(0; 0)$ , – часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции – числовой промежуток  $[-8; 8]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  – нечетная функция; б)  $f$  – четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 8$  и  $g(x) = \frac{256}{x}$  при  $x > 8$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  – нечетная функция; б)  $g$  – четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+5| + |x-5|$ ; г)  $f(x) = \frac{7x^3}{x^2 - 9}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+5| - |x-5|$ ; д)  $f(x) = \frac{3x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{5x^2}{x^2 - 25}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-2)(x-3)(x-4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т    2

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{10}$ ;      б)  $f(x) = x^{16} - 5x^6$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -3x^{18} + x^8$ ;      б)  $g(x) = (x+3)(x-9) + 6x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^8 - 3}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{11}$ ;      б)  $\frac{16}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^9 - x^5$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^7 + \frac{1}{x^3}$ ;      б)  $g(x) = (x+8)^2 - (x-8)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^5}$ .

3. Известно, что  $f(-5) = 18$ . Найдите  $f(5)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{3}{x^8}$ ;      б)  $y = -\frac{5}{x^3}$ ;      в)  $y = \frac{9}{x^7 - 7}$ ;      г)  $y = \frac{7}{x^4 + 9}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^4}{7x^7}$ ;      б)  $y = \frac{2x^7}{x^5}$ ;      в)  $y = \frac{x^4 - 4x^3}{5x - 20}$ ;      г)  $y = \frac{4x + 20}{x^5 + 5x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 1)$ ,  $B(8; 4)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 8$  и  $g(x) = \frac{256}{x}$  при  $x > 8$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;      б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+1| + |x-1|$ ;      г)  $f(x) = \frac{7x^3}{x^2 - 49}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+1| - |x-1|$ ;      д)  $f(x) = \frac{2x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{7x^2}{x^2 - 16}$ ;      е)  $f(x) = \frac{(x-2)(x-3)(x-4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?

## C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

### В А Р И А Н Т    3

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^8$ ;      б)  $f(x) = x^6 - 5x^4$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -2x^{12} + x^2$ ;      б)  $g(x) = (x+7)(x-8) + x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^4 - 9}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{13}$ ;      б)  $\frac{13}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^{11} - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^7 + \frac{1}{x^3}$ ;      б)  $g(x) = (x+2)^2 - (x-2)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{11} + x^5}$ .

3. Известно, что  $f(-7) = 14$ . Найдите  $f(7)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{9}{x^{18}}$ ;      б)  $y = -\frac{6}{x^5}$ ;      в)  $y = \frac{4}{x^9 - 4}$ ;      г)  $y = \frac{3}{x^8 + 7}$ ;
- 2) а)  $y = \frac{x^6}{3x^5}$ ;      б)  $y = \frac{7x^5}{x^7}$ ;      в)  $y = \frac{x^5 - 2x^4}{3x - 6}$ ;      г)  $y = \frac{4x + 16}{x^4 + 4x^3}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(8; 3)$ ,  $B(4; 1)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-8; 8]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 6$  и  $g(x) = \frac{108}{x}$  при  $x > 6$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;      б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+3| + |x-3|$ ;      г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 9}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+3| - |x-3|$ ;      д)  $f(x) = \frac{3x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{3x^2}{x^2 - 64}$ ;      е)  $f(x) = \frac{(x-5)(x-6)(x-7)}{x^2 - 12x + 35}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т    4

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{10}$ ;      б)  $f(x) = x^{18} - 6x^8$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -7x^{16} + x^8$ ;      б)  $g(x) = (x+8)(x-7) - x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{18} - x^4 - 3}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^9$ ;      б)  $\frac{18}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^9 - x^7$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^5}$ ;      б)  $g(x) = (x+2)^2 - (x-2)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^5 + x}$ .

3. Известно, что  $f(-6) = 14$ . Найдите  $f(6)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{7}{x^{14}}$ ;      б)  $y = -\frac{3}{x^9}$ ;      в)  $y = \frac{6}{x^7 - 7}$ ;      г)  $y = \frac{2}{x^4 + 5}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{3x^9}$ ;      б)  $y = \frac{3x^3}{x^7}$ ;      в)  $y = \frac{x^6 - 3x^5}{3x - 9}$ ;      г)  $y = \frac{7x + 42}{x^6 + 6x^5}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(10; 4)$ ,  $B(7; 5)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-10; 10]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 4$  и  $g(x) = \frac{32}{x}$  при  $x > 4$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;      б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+6| + |x-6|$ ;      г)  $f(x) = \frac{4x^3}{x^2 - 64}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+6| - |x-6|$ ;      д)  $f(x) = \frac{2x^4}{(x-6)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{6x^2}{x^2 - 9}$ ;      е)  $f(x) = \frac{(x-2)(x-3)(x-4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?

## C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

### В А Р И А Н Т    5

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^6$ ;      б)  $f(x) = x^4 - 5x^2$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -6x^{16} + x^6$ ;      б)  $g(x) = (x+4)(x-2) - 2x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^6 - 9}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{11}$ ;      б)  $\frac{14}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^7 - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^7}$ ;      б)  $g(x) = (x+8)^2 - (x-8)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^5}$ .

3. Известно, что  $f(-10) = 14$ . Найдите  $f(10)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{8}{x^8}$ ;      б)  $y = -\frac{2}{x^7}$ ;      в)  $y = \frac{5}{x^7 - 7}$ ;      г)  $y = \frac{6}{x^8 + 9}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{6x^5}$ ;      б)  $y = \frac{5x^7}{x^5}$ ;      в)  $y = \frac{x^4 - 5x^3}{3x - 15}$ ;      г)  $y = \frac{6x + 30}{x^6 + 5x^5}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 5)$ ,  $B(8; 5)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 8$  и  $g(x) = \frac{256}{x}$  при  $x > 8$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;      б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+1| + |x-1|$ ;      г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 49}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+1| - |x-1|$ ;      д)  $f(x) = \frac{6x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{2x^2}{x^2 - 36}$ ;      е)  $f(x) = \frac{(x-3)(x-4)(x-5)}{x^2 - 8x + 15}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т     6

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^8$ ;      б)  $f(x) = x^{10} - 3x^6$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -7x^{18} + x^6$ ;      б)  $g(x) = (x+5)(x-9) + 4x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^4 - 8}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^9$ ;      б)  $\frac{18}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^{11} - x^9$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^5}$ ;      б)  $g(x) = (x+1)^2 - (x-1)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-1) = 17$ . Найдите  $f(1)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{8}{x^6}$ ;      б)  $y = -\frac{8}{x^7}$ ;      в)  $y = \frac{4}{x^3 - 4}$ ;      г)  $y = \frac{2}{x^8 + 3}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{6x^7}$ ;      б)  $y = \frac{3x^7}{x^3}$ ;      в)  $y = \frac{x^3 - 2x^2}{6x - 12}$ ;      г)  $y = \frac{5x + 15}{x^5 + 3x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(8; 3)$ ,  $B(5; 4)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-8; 8]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 6$  и  $g(x) = \frac{108}{x}$  при  $x > 6$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;      б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+2| + |x-2|$ ;      г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 36}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+2| - |x-2|$ ;      д)  $f(x) = \frac{6x^4}{(x-6)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{3x^2}{x^2 - 9}$ ;      е)  $f(x) = \frac{(x-1)(x-2)(x-3)}{x^2 - 4x + 3}$ ?

## C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

### В А Р И А Н Т      7

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{12}$ ;        б)  $f(x) = x^{18} - 3x^{10}$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -8x^{14} + x^2$ ;        б)  $g(x) = (x+3)(x-4) + x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{16} - x^{10} - 4}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{11}$ ;        б)  $\frac{13}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^9 - x^5$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^7 + \frac{1}{x^3}$ ;        б)  $g(x) = (x+9)^2 - (x-9)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^5}$ .

3. Известно, что  $f(-8) = 15$ . Найдите  $f(8)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;        б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{7}{x^{10}}$ ;        б)  $y = -\frac{2}{x^7}$ ;        в)  $y = \frac{8}{x^7 - 5}$ ;        г)  $y = \frac{8}{x^6 + 6}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{4x^3}$ ;        б)  $y = \frac{4x^5}{x^7}$ ;        в)  $y = \frac{x^6 - 5x^5}{4x - 20}$ ;        г)  $y = \frac{2x + 6}{x^6 + 3x^5}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(8; 5)$ ,  $B(7; 2)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-8; 8]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;        б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 6$  и  $g(x) = \frac{108}{x}$  при  $x > 6$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;        б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+2| + |x-2|$ ;        г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 16}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+2| - |x-2|$ ;        д)  $f(x) = \frac{4x^4}{(x-7)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{3x^2}{x^2 - 64}$ ;        е)  $f(x) = \frac{(x-1)(x-2)(x-3)}{x^2 - 4x + 3}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т    8

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^2$ ;      б)  $f(x) = x^{16} - 6x^8$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -3x^{12} + x^2$ ;      б)  $g(x) = (x+5)(x-9) + 4x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{16} - x^{10} - 6}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^9$ ;      б)  $\frac{18}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^{11} - x^9$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^5}$ ;      б)  $g(x) = (x+6)^2 - (x-6)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^9 + x^7}$ .

3. Известно, что  $f(-5) = 16$ . Найдите  $f(5)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{4}{x^{18}}$ ;      б)  $y = -\frac{7}{x^9}$ ;      в)  $y = \frac{4}{x^9 - 1}$ ;      г)  $y = \frac{6}{x^4 + 3}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{7x^3}$ ;      б)  $y = \frac{4x^9}{x^5}$ ;      в)  $y = \frac{x^4 - 5x^3}{2x - 10}$ ;      г)  $y = \frac{6x + 36}{x^5 + 6x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(10; 1)$ ,  $B(9; 1)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-10; 10]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 2$  и  $g(x) = \frac{4}{x}$  при  $x > 2$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;      б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x + 10| + |x - 10|$ ;      г)  $f(x) = \frac{8x^3}{x^2 - 64}$ ;  
 б)  $f(x) = |x + 10| - |x - 10|$ ;      д)  $f(x) = \frac{3x^4}{(x - 5)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{6x^2}{x^2 - 49}$ ;      е)  $f(x) = \frac{(x - 3)(x - 4)(x - 5)}{x^2 - 8x + 15}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т    9

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^4$ ;      б)  $f(x) = x^{18} - 4x^8$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -5x^{10} + x^4$ ;      б)  $g(x) = (x+6)(x-4) - 2x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^4 - 9}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^9$ ;      б)  $\frac{19}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^{11} - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^{11} + \frac{1}{x^3}$ ;      б)  $g(x) = (x+7)^2 - (x-7)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^9 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-3) = 18$ . Найдите  $f(3)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{4}{x^{16}}$ ;      б)  $y = -\frac{5}{x^5}$ ;      в)  $y = \frac{6}{x^5 - 6}$ ;      г)  $y = \frac{9}{x^4 + 6}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{6x^5}$ ;      б)  $y = \frac{5x^5}{x^3}$ ;      в)  $y = \frac{x^6 - 7x^5}{6x - 42}$ ;      г)  $y = \frac{5x + 10}{x^3 + 2x^2}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(10; 5)$ ,  $B(8; 3)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-10; 10]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 6$  и  $g(x) = \frac{108}{x}$  при  $x > 6$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;      б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+3| + |x-3|$ ;      г)  $f(x) = \frac{8x^3}{x^2 - 16}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+3| - |x-3|$ ;      д)  $f(x) = \frac{4x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{4x^2}{x^2 - 4}$ ;      е)  $f(x) = \frac{(x-2)(x-3)(x-4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 10

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{16}$ ; б)  $f(x) = x^{16} - 3x^8$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -7x^{12} + x^{10}$ ; б)  $g(x) = (x+9)(x-7) - 2x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^8 - 7}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^9$ ; б)  $\frac{17}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^9 - x^7$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^5 + \frac{1}{x^3}$ ; б)  $g(x) = (x+5)^2 - (x-5)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-10) = 16$ . Найдите  $f(10)$ , зная, что:

- а)  $f$  – нечетная функция; б)  $f$  – четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{4}{x^{16}}$ ; б)  $y = -\frac{3}{x^5}$ ; в)  $y = \frac{4}{x^5 - 2}$ ; г)  $y = \frac{1}{x^8 + 7}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{6x^9}$ ; б)  $y = \frac{5x^9}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{x^3 - 3x^2}{5x - 15}$ ; г)  $y = \frac{3x + 9}{x^3 + 3x^2}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 3)$ ,  $B(5; 3)$ ,  $C(0; 0)$ , – часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции – числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  – нечетная функция; б)  $f$  – четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 2$  и  $g(x) = \frac{4}{x}$  при  $x > 2$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  – нечетная функция; б)  $g$  – четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+4| + |x-4|$ ; г)  $f(x) = \frac{2x^3}{x^2 - 4}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+4| - |x-4|$ ; д)  $f(x) = \frac{8x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{3x^2}{x^2 - 36}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-4)(x-5)(x-6)}{x^2 - 10x + 24}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 11

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^4$ ; б)  $f(x) = x^{18} - 4x^{14}$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -6x^{18} + x^{12}$ ; б)  $g(x) = (x+4)(x-6) + 2x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^6 - x^4 - 6}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^7$ ; б)  $\frac{11}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^9 - x^7$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^7}$ ; б)  $g(x) = (x+2)^2 - (x-2)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-10) = 19$ . Найдите  $f(10)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{7}{x^{12}}$ ; б)  $y = -\frac{2}{x^5}$ ; в)  $y = \frac{3}{x^7 - 3}$ ; г)  $y = \frac{3}{x^6 + 7}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^4}{3x^5}$ ; б)  $y = \frac{4x^5}{x^3}$ ; в)  $y = \frac{x^3 - 7x^2}{4x - 28}$ ; г)  $y = \frac{3x + 9}{x^5 + 3x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(7; 4)$ ,  $B(4; 4)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-7; 7]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 4$  и  $g(x) = \frac{32}{x}$  при  $x > 4$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x + 7| + |x - 7|$ ; г)  $f(x) = \frac{9x^3}{x^2 - 36}$ ;  
 б)  $f(x) = |x + 7| - |x - 7|$ ; д)  $f(x) = \frac{2x^4}{(x - 6)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{7x^2}{x^2 - 9}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x - 2)(x - 3)(x - 4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 12

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^2$ ; б)  $f(x) = x^{16} - 2x^{12}$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -8x^{16} + x^{14}$ ; б)  $g(x) = (x+5)(x-8) + 3x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^8 - 8}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^7$ ; б)  $\frac{18}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^7 - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^5}$ ; б)  $g(x) = (x+7)^2 - (x-7)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{11} + x^5}$ .

3. Известно, что  $f(-3) = 17$ . Найдите  $f(3)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{8}{x^{12}}$ ; б)  $y = -\frac{3}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{5}{x^7 - 7}$ ; г)  $y = \frac{8}{x^6 + 8}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^4}{4x^3}$ ; б)  $y = \frac{5x^5}{x^3}$ ; в)  $y = \frac{x^4 - 2x^3}{3x - 6}$ ; г)  $y = \frac{3x + 6}{x^5 + 2x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 5)$ ,  $B(6; 2)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 4$  и  $g(x) = \frac{32}{x}$  при  $x > 4$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+4| + |x-4|$ ; г)  $f(x) = \frac{3x^3}{x^2 - 25}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+4| - |x-4|$ ; д)  $f(x) = \frac{8x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{2x^2}{x^2 - 64}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-3)(x-4)(x-5)}{x^2 - 8x + 15}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 13

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{16}$ ; б)  $f(x) = x^6 - 6x^2$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -4x^{12} + x^2$ ; б)  $g(x) = (x+5)(x-8) + 3x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^8 - x^6 - 2}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^3$ ; б)  $\frac{20}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^9 - x^5$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^7 + \frac{1}{x^5}$ ; б)  $g(x) = (x+6)^2 - (x-6)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^9 + x^5}$ .

3. Известно, что  $f(-3) = 11$ . Найдите  $f(3)$ , зная, что:

- а)  $f$  – нечетная функция; б)  $f$  – четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{8}{x^6}$ ; б)  $y = -\frac{2}{x^9}$ ; в)  $y = \frac{5}{x^7 - 9}$ ; г)  $y = \frac{5}{x^4 + 7}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{5x^5}$ ; б)  $y = \frac{6x^7}{x^3}$ ; в)  $y = \frac{x^5 - 6x^4}{7x - 42}$ ; г)  $y = \frac{5x + 30}{x^3 + 6x^2}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(5; 2)$ ,  $B(4; 3)$ ,  $C(0; 0)$ , – часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции – числовой промежуток  $[-5; 5]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  – нечетная функция; б)  $f$  – четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 8$  и  $g(x) = \frac{256}{x}$  при  $x > 8$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  – нечетная функция; б)  $g$  – четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+5| + |x-5|$ ; г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 49}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+5| - |x-5|$ ; д)  $f(x) = \frac{3x^4}{(x-2)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{4x^2}{x^2 - 81}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-3)(x-4)(x-5)}{x^2 - 8x + 15}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 14

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^8$ ; б)  $f(x) = x^{14} - 5x^4$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -3x^{14} + x^{12}$ ; б)  $g(x) = (x+5)(x-3) - 2x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{18} - x^{14} - 4}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^5$ ; б)  $\frac{11}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^{11} - x^7$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^3}$ ; б)  $g(x) = (x+9)^2 - (x-9)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^5}$ .

3. Известно, что  $f(-5) = 18$ . Найдите  $f(5)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{2}{x^{12}}$ ; б)  $y = -\frac{2}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{5}{x^7 - 6}$ ; г)  $y = \frac{3}{x^4 + 2}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^8}{7x^9}$ ; б)  $y = \frac{3x^9}{x^3}$ ; в)  $y = \frac{x^5 - 2x^4}{3x - 6}$ ; г)  $y = \frac{2x + 4}{x^4 + 2x^3}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 3)$ ,  $B(8; 5)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 2$  и  $g(x) = \frac{4}{x}$  при  $x > 2$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+1| + |x-1|$ ; г)  $f(x) = \frac{3x^3}{x^2 - 81}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+1| - |x-1|$ ; д)  $f(x) = \frac{9x^4}{(x-8)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{3x^2}{x^2 - 16}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-2)(x-3)(x-4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 15

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{10}$ ; б)  $f(x) = x^8 - 3x^2$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -3x^{12} + x^4$ ; б)  $g(x) = (x+4)(x-5) + x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{16} - x^{10} - 2}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{11}$ ; б)  $\frac{20}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^7 - x$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^5}$ ; б)  $g(x) = (x+1)^2 - (x-1)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-7) = 18$ . Найдите  $f(7)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{8}{x^4}$ ; б)  $y = -\frac{1}{x^5}$ ; в)  $y = \frac{3}{x^3 - 7}$ ; г)  $y = \frac{2}{x^4 + 3}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^4}{4x^3}$ ; б)  $y = \frac{7x^9}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{x^5 - 3x^4}{4x - 12}$ ; г)  $y = \frac{5x + 25}{x^5 + 5x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(10; 3)$ ,  $B(9; 3)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-10; 10]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 4$  и  $g(x) = \frac{32}{x}$  при  $x > 4$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+9| + |x-9|$ ; г)  $f(x) = \frac{3x^3}{x^2 - 49}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+9| - |x-9|$ ; д)  $f(x) = \frac{6x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{9x^2}{x^2 - 16}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-4)(x-5)(x-6)}{x^2 - 10x + 24}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 16

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^4$ ; б)  $f(x) = x^8 - 6x^2$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -3x^{16} + x^{10}$ ; б)  $g(x) = (x+9)(x-4) - 5x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{16} - x^4 - 4}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^3$ ; б)  $\frac{20}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^3 - x$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^{11} + \frac{1}{x^5}$ ; б)  $g(x) = (x+1)^2 - (x-1)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-8) = 11$ . Найдите  $f(8)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{3}{x^6}$ ; б)  $y = -\frac{1}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{6}{x^7 - 2}$ ; г)  $y = \frac{5}{x^6 + 1}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^2}{7x^7}$ ; б)  $y = \frac{5x^7}{x^3}$ ; в)  $y = \frac{x^4 - 4x^3}{3x - 12}$ ; г)  $y = \frac{7x + 21}{x^6 + 3x^5}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 4)$ ,  $B(5; 3)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 6$  и  $g(x) = \frac{108}{x}$  при  $x > 6$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+8| + |x-8|$ ; г)  $f(x) = \frac{4x^3}{x^2 - 36}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+8| - |x-8|$ ; д)  $f(x) = \frac{3x^4}{(x-7)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{3x^2}{x^2 - 9}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-5)(x-6)(x-7)}{x^2 - 12x + 35}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 17

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{14}$ ; б)  $f(x) = x^{16} - 3x^6$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -5x^{16} + x^{10}$ ; б)  $g(x) = (x+7)(x-8) + x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{18} - x^8 - 3}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{13}$ ; б)  $\frac{19}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^{11} - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^3}$ ; б)  $g(x) = (x+5)^2 - (x-5)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^9 + x^5}$ .

3. Известно, что  $f(-4) = 16$ . Найдите  $f(4)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{7}{x^{10}}$ ; б)  $y = -\frac{5}{x^5}$ ; в)  $y = \frac{3}{x^5 - 6}$ ; г)  $y = \frac{2}{x^4 + 3}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{7x^7}$ ; б)  $y = \frac{3x^9}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{x^3 - 3x^2}{2x - 6}$ ; г)  $y = \frac{5x + 10}{x^3 + 2x^2}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 1)$ ,  $B(5; 5)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 8$  и  $g(x) = \frac{256}{x}$  при  $x > 8$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+6| + |x-6|$ ; г)  $f(x) = \frac{8x^3}{x^2 - 16}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+6| - |x-6|$ ; д)  $f(x) = \frac{9x^4}{(x-5)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{2x^2}{x^2 - 64}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-4)(x-5)(x-6)}{x^2 - 10x + 24}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 18

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^6$ ; б)  $f(x) = x^{10} - 6x^4$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -6x^{14} + x^{10}$ ; б)  $g(x) = (x+7)(x-4) - 3x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{18} - x^4 - 8}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{13}$ ; б)  $\frac{19}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^7 - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^5}$ ; б)  $g(x) = (x+7)^2 - (x-7)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^5 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-3) = 16$ . Найдите  $f(3)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{4}{x^8}$ ; б)  $y = -\frac{3}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{9}{x^3 - 9}$ ; г)  $y = \frac{8}{x^6 + 8}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^2}{3x^5}$ ; б)  $y = \frac{5x^7}{x^5}$ ; в)  $y = \frac{x^5 - 5x^4}{6x - 30}$ ; г)  $y = \frac{7x + 14}{x^4 + 2x^3}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(8; 3)$ ,  $B(7; 2)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-8; 8]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 8$  и  $g(x) = \frac{256}{x}$  при  $x > 8$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+6| + |x-6|$ ; г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 49}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+6| - |x-6|$ ; д)  $f(x) = \frac{5x^4}{(x-7)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{2x^2}{x^2 - 16}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-3)(x-4)(x-5)}{x^2 - 8x + 15}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 19

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^2$ ; б)  $f(x) = x^{10} - 2x^8$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -4x^{14} + x^{10}$ ; б)  $g(x) = (x+9)(x-3) - 6x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^8 - 8}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^7$ ; б)  $\frac{11}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^7 - x$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^5}$ ; б)  $g(x) = (x+7)^2 - (x-7)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^9 + x}$ .

3. Известно, что  $f(-8) = 12$ . Найдите  $f(8)$ , зная, что:

- а)  $f$  – нечетная функция; б)  $f$  – четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{6}{x^2}$ ; б)  $y = -\frac{8}{x^5}$ ; в)  $y = \frac{7}{x^5 - 7}$ ; г)  $y = \frac{4}{x^2 + 1}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^8}{4x^5}$ ; б)  $y = \frac{5x^5}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{x^5 - 3x^4}{6x - 18}$ ; г)  $y = \frac{4x + 12}{x^5 + 3x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 6)$ ,  $B(7; 5)$ ,  $C(0; 0)$ , – часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции – числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  – нечетная функция; б)  $f$  – четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 4$  и  $g(x) = \frac{32}{x}$  при  $x > 4$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  – нечетная функция; б)  $g$  – четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x + 10| + |x - 10|$ ; г)  $f(x) = \frac{6x^3}{x^2 - 16}$ ;  
 б)  $f(x) = |x + 10| - |x - 10|$ ; д)  $f(x) = \frac{3x^4}{(x - 6)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{8x^2}{x^2 - 16}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x - 2)(x - 3)(x - 4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 20

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{10}$ ; б)  $f(x) = x^{12} - 5x^{10}$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -5x^{16} + x^{14}$ ; б)  $g(x) = (x+5)(x-9) + 4x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^8 - x^2 - 2}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^3$ ; б)  $\frac{16}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^{11} - x^9$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^7}$ ; б)  $g(x) = (x+3)^2 - (x-3)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{11} + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-3) = 12$ . Найдите  $f(3)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{8}{x^8}$ ; б)  $y = -\frac{9}{x^5}$ ; в)  $y = \frac{7}{x^9 - 4}$ ; г)  $y = \frac{6}{x^6 + 5}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^8}{5x^9}$ ; б)  $y = \frac{3x^5}{x^9}$ ; в)  $y = \frac{x^4 - 6x^3}{6x - 36}$ ; г)  $y = \frac{4x + 12}{x^4 + 3x^3}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(7; 5)$ ,  $B(4; 4)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-7; 7]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 6$  и  $g(x) = \frac{108}{x}$  при  $x > 6$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+3| + |x-3|$ ; г)  $f(x) = \frac{4x^3}{x^2 - 36}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+3| - |x-3|$ ; д)  $f(x) = \frac{5x^4}{(x-4)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{3x^2}{x^2 - 64}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-2)(x-3)(x-4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т    21

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{14}$ ;      б)  $f(x) = x^{10} - 3x^8$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -3x^{14} + x^8$ ;      б)  $g(x) = (x+8)(x-4) - 4x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{12} - x^4 - 8}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{11}$ ;      б)  $\frac{16}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^9 - x^5$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^7}$ ;      б)  $g(x) = (x+8)^2 - (x-8)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-11) = 14$ . Найдите  $f(11)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{5}{x^{10}}$ ;      б)  $y = -\frac{4}{x^5}$ ;      в)  $y = \frac{6}{x^9 - 2}$ ;      г)  $y = \frac{4}{x^2 + 5}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^6}{2x^3}$ ;      б)  $y = \frac{5x^7}{x^5}$ ;      в)  $y = \frac{x^4 - 2x^3}{6x - 12}$ ;      г)  $y = \frac{7x + 21}{x^3 + 3x^2}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(10; 3)$ ,  $B(9; 3)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-10; 10]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция;      б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 4$  и  $g(x) = \frac{32}{x}$  при  $x > 4$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция;      б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+2| + |x-2|$ ;      г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 9}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+2| - |x-2|$ ;      д)  $f(x) = \frac{7x^4}{(x-6)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{8x^2}{x^2 - 36}$ ;      е)  $f(x) = \frac{(x-1)(x-2)(x-3)}{x^2 - 4x + 3}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 22

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{10}$ ; б)  $f(x) = x^{16} - 5x^2$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -8x^{16} + x^8$ ; б)  $g(x) = (x+2)(x-6) + 4x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{14} - x^{10} - 6}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^5$ ; б)  $\frac{17}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^7 - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^{11} + \frac{1}{x^3}$ ; б)  $g(x) = (x+10)^2 - (x-10)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^5 + x}$ .

3. Известно, что  $f(-4) = 18$ . Найдите  $f(4)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{2}{x^6}$ ; б)  $y = -\frac{6}{x^3}$ ; в)  $y = \frac{7}{x^7 - 7}$ ; г)  $y = \frac{5}{x^8 + 9}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^2}{7x^7}$ ; б)  $y = \frac{8x^7}{x^5}$ ; в)  $y = \frac{x^3 - 4x^2}{3x - 12}$ ; г)  $y = \frac{3x + 18}{x^4 + 6x^3}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 2)$ ,  $B(4; 2)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 6$  и  $g(x) = \frac{108}{x}$  при  $x > 6$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+8| + |x-8|$ ; г)  $f(x) = \frac{7x^3}{x^2 - 64}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+8| - |x-8|$ ; д)  $f(x) = \frac{4x^4}{(x-4)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{6x^2}{x^2 - 25}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-4)(x-5)(x-6)}{x^2 - 10x + 24}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 23

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{18}$ ; б)  $f(x) = x^{14} - 2x^{12}$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -4x^{12} + x^6$ ; б)  $g(x) = (x+9)(x-7) - 2x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{16} - x^8 - 2}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^5$ ; б)  $\frac{19}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^5 - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^7 + \frac{1}{x^5}$ ; б)  $g(x) = (x+7)^2 - (x-7)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^9 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-6) = 16$ . Найдите  $f(6)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{3}{x^{14}}$ ; б)  $y = -\frac{8}{x^9}$ ; в)  $y = \frac{3}{x^7 - 1}$ ; г)  $y = \frac{3}{x^6 + 7}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^8}{3x^3}$ ; б)  $y = \frac{7x^5}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{x^5 - 2x^4}{3x - 6}$ ; г)  $y = \frac{4x + 12}{x^3 + 3x^2}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(8; 3)$ ,  $B(7; 2)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-8; 8]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 8$  и  $g(x) = \frac{256}{x}$  при  $x > 8$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+1| + |x-1|$ ; г)  $f(x) = \frac{3x^3}{x^2 - 9}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+1| - |x-1|$ ; д)  $f(x) = \frac{4x^4}{(x-3)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{8x^2}{x^2 - 16}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-5)(x-6)(x-7)}{x^2 - 12x + 35}$ ?

# C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

## В А Р И А Н Т 24

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^{10}$ ; б)  $f(x) = x^{16} - 5x^{10}$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -8x^{12} + x^4$ ; б)  $g(x) = (x+7)(x-8) + x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{16} - x^8 - 2}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^7$ ; б)  $\frac{10}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^7 - x$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^{11} + \frac{1}{x^9}$ ; б)  $g(x) = (x+4)^2 - (x-4)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^5 + x}$ .

3. Известно, что  $f(-3) = 13$ . Найдите  $f(3)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{2}{x^8}$ ; б)  $y = -\frac{7}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{8}{x^5 - 8}$ ; г)  $y = \frac{7}{x^4 + 3}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^8}{3x^5}$ ; б)  $y = \frac{5x^3}{x^7}$ ; в)  $y = \frac{x^6 - 2x^5}{3x - 6}$ ; г)  $y = \frac{6x + 36}{x^4 + 6x^3}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(9; 2)$ ,  $B(4; 4)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-9; 9]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 6$  и  $g(x) = \frac{108}{x}$  при  $x > 6$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+8| + |x-8|$ ; г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 36}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+8| - |x-8|$ ; д)  $f(x) = \frac{3x^4}{(x-6)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{3x^2}{x^2 - 4}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-5)(x-6)(x-7)}{x^2 - 12x + 35}$ ?

## C – 9 – 24. Четные и нечетные функции

### В А Р И А Н Т 25

1. Докажите, что четной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^6$ ; б)  $f(x) = x^{10} - 2x^6$ ;  
 в)  $f(x) = |x|$ ;
- 2) а)  $g(x) = -8x^{16} + x^{10}$ ; б)  $g(x) = (x+9)(x-8) - x$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^{18} - x^{12} - 8}$ .

2. Докажите, что нечетной является функция:

- 1) а)  $f(x) = x^7$ ; б)  $\frac{10}{x}$ ;  
 в)  $f(x) = x^5 - x^3$ ;
- 2) а)  $g(x) = x^9 + \frac{1}{x^5}$ ; б)  $g(x) = (x+9)^2 - (x-9)^2$ ;  
 в)  $g(x) = \frac{1}{x^7 + x^3}$ .

3. Известно, что  $f(-3) = 20$ . Найдите  $f(3)$ , зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

4. Является четной или нечетной функция, заданная формулой:

- 1) а)  $y = \frac{9}{x^6}$ ; б)  $y = -\frac{9}{x^3}$ ; в)  $y = \frac{2}{x^7 - 7}$ ; г)  $y = \frac{6}{x^4 + 2}$ ;  
 2) а)  $y = \frac{x^2}{4x^3}$ ; б)  $y = \frac{3x^7}{x^9}$ ; в)  $y = \frac{x^3 - 6x^2}{4x - 24}$ ; г)  $y = \frac{7x + 35}{x^5 + 5x^4}$ ?

5. Ломаная  $ABC$ , где  $A(10; 3)$ ,  $B(5; 4)$ ,  $C(0; 0)$ , — часть графика некоторой функции  $f$ . Область определения этой функции — числовой промежуток  $[-10; 10]$ . Постройте ее график, зная, что:

- а)  $f$  — нечетная функция; б)  $f$  — четная функция.

6. О функции  $g$  известно, что  $g(x) = 0,5x^2$  при  $0 \leq x \leq 4$  и  $g(x) = \frac{32}{x}$  при  $x > 4$ . Постройте график этой функции, зная также, что:

- а)  $g$  — нечетная функция; б)  $g$  — четная функция.

7. Является четной или нечетной функция:

- а)  $f(x) = |x+3| + |x-3|$ ; г)  $f(x) = \frac{5x^3}{x^2 - 9}$ ;  
 б)  $f(x) = |x+3| - |x-3|$ ; д)  $f(x) = \frac{3x^4}{(x-5)^2}$ ;  
 в)  $f(x) = \frac{7x^2}{x^2 - 4}$ ; е)  $f(x) = \frac{(x-2)(x-3)(x-4)}{x^2 - 6x + 8}$ ?